

令和4年度中学生チャレンジテスト

第1学年 数学

注 意

- 1 テスト問題は、1 ページから 22 ページまであります。先生の合図があるまで、問題冊子を開かないでください。
- 2 解答はすべて解答用紙③（数学）に記入してください。
- 3 解答は、HBまたはBの黒鉛筆（シャープペンシルも可）を使い、濃く、はっきりと書いてください。また、消すときは消しゴムできれいに消してください。
- 4 解答を選択肢から選ぶ問題は、解答用紙のマーク欄を黒く塗りつぶしてください。
- 5 解答を記述する問題は、指示された解答欄に記入してください。また、解答欄からはみ出さないように書いてください。
- 6 解答用紙は、オモテ、ウラがあります。
- 7 解答用紙の〔生徒記入欄〕に、組、出席番号を記入し、マーク欄を黒く塗りつぶしてください。
- 8 テスト実施時間は、45分です。

問題は、次のページから始まります。

1 次の問いに答えなさい。

(1) $-5 - (-10)$ を計算しなさい。

(2) $(-0.3) \div \frac{6}{7}$ を計算しなさい。

(3) $-2 \times 5 + (-12) \div 4 - (-2)$ を計算しなさい。

- (4) 次の式中の **あ** と **い** と **う** それぞれに, $-5, -3, -1, 2, 4$ の中からいずれか1つの整数を入れて計算します。ただし, **あ** と **い** と **う** に入れる整数はすべて異なります。計算の結果が最も大きい数になるとき, その計算の結果を求めなさい。

$$\text{式 } \boxed{\text{あ}} \times \boxed{\text{い}} + \boxed{\text{う}}$$

- (5) ある洋菓子店では, 1日あたりに売るプリンようがしの個数の目標を30個としています。表は, ある5日間について, それぞれの日の売れたプリンの個数と目標との差をまとめたものです。売れたプリンの個数が目標の個数より多い場合には正の数で, 少ない場合には負の数で表しています。この5日間に売れたプリンの個数の合計を求めなさい。

表

	1日目	2日目	3日目	4日目	5日目
売れたプリンの個数 と目標との差	-5	-2	+8	+6	-4

2 次の問いに答えなさい。

- (1) $x \div 5 \times 3$ を，乗法の記号 \times ，除法の記号 \div を使わないで表します。正しいものを次のア～エから1つ選びなさい。

ア $\frac{3x}{5}$

イ $\frac{5x}{3}$

ウ $\frac{x}{15}$

エ $\frac{15}{x}$

- (2) $-3(3x - 2) + (8x - 6)$ を計算しなさい。

(3) $x = -3$ のとき、式 $-2x^2$ の値^{あた}を求めなさい。

(4) ある数 a について、不等式 $a < 10$ と表せることがらとして正しいものを、次のア～オから 1 つ選びなさい。

ア a は 10 以上である。

イ a は 10 以下である。

ウ a は 10 と等しい。

エ a は 10 より大きい。

オ a は 10 より小さい。

3 次の問いに答えなさい。

(1) 一次方程式 $5x + 7 = 3x - 1$ を解きなさい。

(2) 一次方程式 $\frac{4x - 1}{3} = 2 - x$ を次のように解きました。

解き方

$$\begin{aligned}\frac{4x - 1}{3} &= 2 - x && \cdots\cdots\text{①} \\ 4x - 1 &= 6 - 3x && \cdots\cdots\text{②} \\ 4x + 3x &= 6 + 1 \\ 7x &= 7 \\ x &= 1\end{aligned}$$

解き方の①の式から②の式へ変形してよい理由として正しいものを、次のア～エから1つ選びなさい。

- ア ①の式の両辺に3を加えても等式は成り立つから、②の式へ変形してよい。
- イ ①の式の両辺から3をひいても等式は成り立つから、②の式へ変形してよい。
- ウ ①の式の両辺に3をかけても等式は成り立つから、②の式へ変形してよい。
- エ ①の式の両辺を3でわっても等式は成り立つから、②の式へ変形してよい。

(3) 次の問題について考えます。

問題

よしさんは、家から公園まで自転車で行く予定でしたが、自転車が故障していたので、自転車で行く場合と同じ道を、徒歩で行くことにしました。家から公園まで徒歩で行く場合にかかる時間は、自転車で行く場合にかかる時間よりも 15 分長くなります。

よしさんが、自転車で行く場合には分速 320 m で進み、徒歩で行く場合には分速 80 m で進むとすると、家から公園までの道のりは何 m ですか。ただし、家から公園まで、自転車で行く場合も徒歩で行く場合も、それぞれ常に一定の速さで進むものとします。

家から公園までの道のりを求めるために、家から公園までの道のりを x m とし、ある数量に着目して方程式をつくると次の式になりました。

$$\frac{x}{80} = \frac{x}{320} + 15$$

この方程式の両辺 $\frac{x}{80}$ 、 $\frac{x}{320} + 15$ が表している数量として最も適しているものを、次のア～エから 1 つ選びなさい。

- ア 徒歩で行く場合にかかる時間
- イ 自転車で行く場合にかかる時間
- ウ 徒歩で行く場合の速さ
- エ 自転車で行く場合の速さ

(4) 次の問題について考えます。

問題

60 L の水を入れると満水になる水そう A, B があり, 水そう A には 42 L, 水そう B には 15 L の水が入っています。それぞれの水そうに, 毎分 3 L の割合で水を同時に入れるとき, 水そう A の水の量が, 水そう B の水の量の 2 倍になるのは, 水を入れ始めてから何分後ですか。ただし, どちらかの水そうが満水になったら, 水そう A, B に入れる水を止めるものとします。

この問題は, 方程式を使って次のように解くことができます。

解答

x 分後に, 水そう A の水の量が, 水そう B の水の量の 2 倍になるとすると

① x 分後の水の量は, 水そう A は $(42 + 3x)$ L, 水そう B は $(15 + 3x)$ L と表すことができる。

水そう A の水の量が水そう B の水の量の 2 倍だから

$$42 + 3x = 2(15 + 3x)$$

この方程式を解くと, $x = 4$

$x = 4$ のとき, つくった方程式の左辺と右辺の値は 54 となり等しいので, $x = 4$ は方程式の解である。

② 水を入れ始めてから 4 分後の水の量は, 水そう A が 54 L, 水そう B が 27 L となり, それぞれ 60 L より少ない。よって, どちらも満水にならない。

したがって, 水そう A の水の量が, 水そう B の水の量の 2 倍になるのは, 水を入れ始めてから 4 分後である。

答え 4 分後

解答の①の の部分では、問題の中の数量を、文字を用いた式で表しています。

解答の②の の部分では、あることがらを調べています。そのことがらについて正しく述べたものを、次のア～エから1つ選びなさい。

ア 方程式が、等しい関係にある数量を用いてつくられているかどうかを調べている。

イ 方程式から得られた値がその方程式の解であるかどうかを、その方程式の両辺にその値を代入して調べている。

ウ 方程式の解を問題の答えとしてよいかどうかを調べている。

エ つくった方程式を、等式の性質などを用いて正しく解いているかどうかを調べている。

4 次の問いに答えなさい。

(1) y が x に反比例するものを、次のア～エから 1 つ選びなさい。

ア 1 枚 63 円のはがきを x 枚買ったときの代金は y 円である。

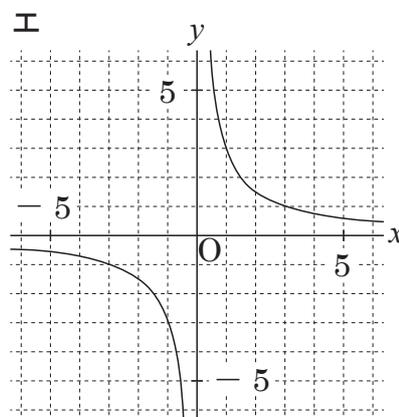
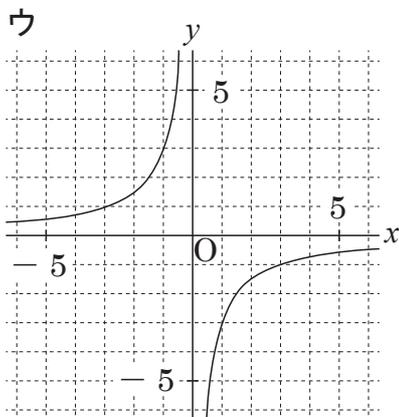
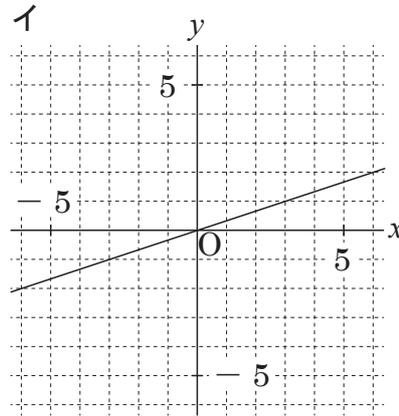
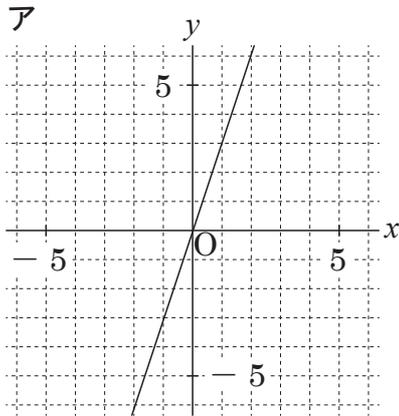
イ 半径が x cm の円の直径は y cm である。

ウ ヨーグルト 400 g に砂糖 x g を混ぜ合わせた重さは y g である。

エ 面積が 100 m^2 の長方形の縦の長さを x m とすると横の長さは y m である。

(2) 比例 $y = ax$ のグラフ上に点 $(5, -1)$ があります。このとき、比例定数 a の値あたを求めなさい。

(3) 次のア～エの中に、反比例 $y = \frac{3}{x}$ のグラフがあります。それを1つ選びなさい。



(4) 次のア～エの中に、 y が x に比例する関係を表したものがああります。それを1つ選びなさい。

ア

x	...	-3	-2	-1	0	1	2	3	...
y	...	-6	-3	-1	0	1	3	6	...

イ

x	...	-3	-2	-1	0	1	2	3	...
y	...	3	2	1	0	-1	-2	-3	...

ウ

x	...	-3	-2	-1	0	1	2	3	...
y	...	-2	-3	-6	×	6	3	2	...

エ

x	...	-3	-2	-1	0	1	2	3	...
y	...	-8	-12	-24	×	24	12	8	...

(5) y が x に反比例するとき、 x の値とそれに対応する y の値について、次のア～エから正しいものを1つ選びなさい。

ア x の値と y の値の和は、いつも一定の数である。

イ y の値から x の値をひいた差は、いつも一定の数である。

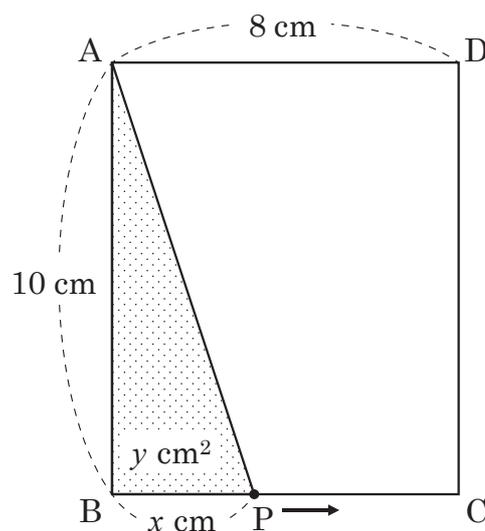
ウ x の値と y の値の積は、いつも一定の数である。

エ x の値が0でないとき、 y の値を x の値でわった商は、いつも一定の数である。

(6) 図の四角形 ABCD は、縦の長さが 10 cm、横の長さが 8 cm の長方形です。点 P は、点 B を出発し、辺 BC 上を点 C まで進みます。

点 P が点 B から x cm 進んだときの $\triangle ABP$ の面積を y cm² とするとき、変数 x の変域として最も適しているものを、次のア～エから1つ選びなさい。ただし、点 P が点 B の位置にあるときの y の値は 0 とします。

図



ア $0 \leq x \leq 8$

イ $0 \leq x \leq 10$

ウ $0 \leq x \leq 40$

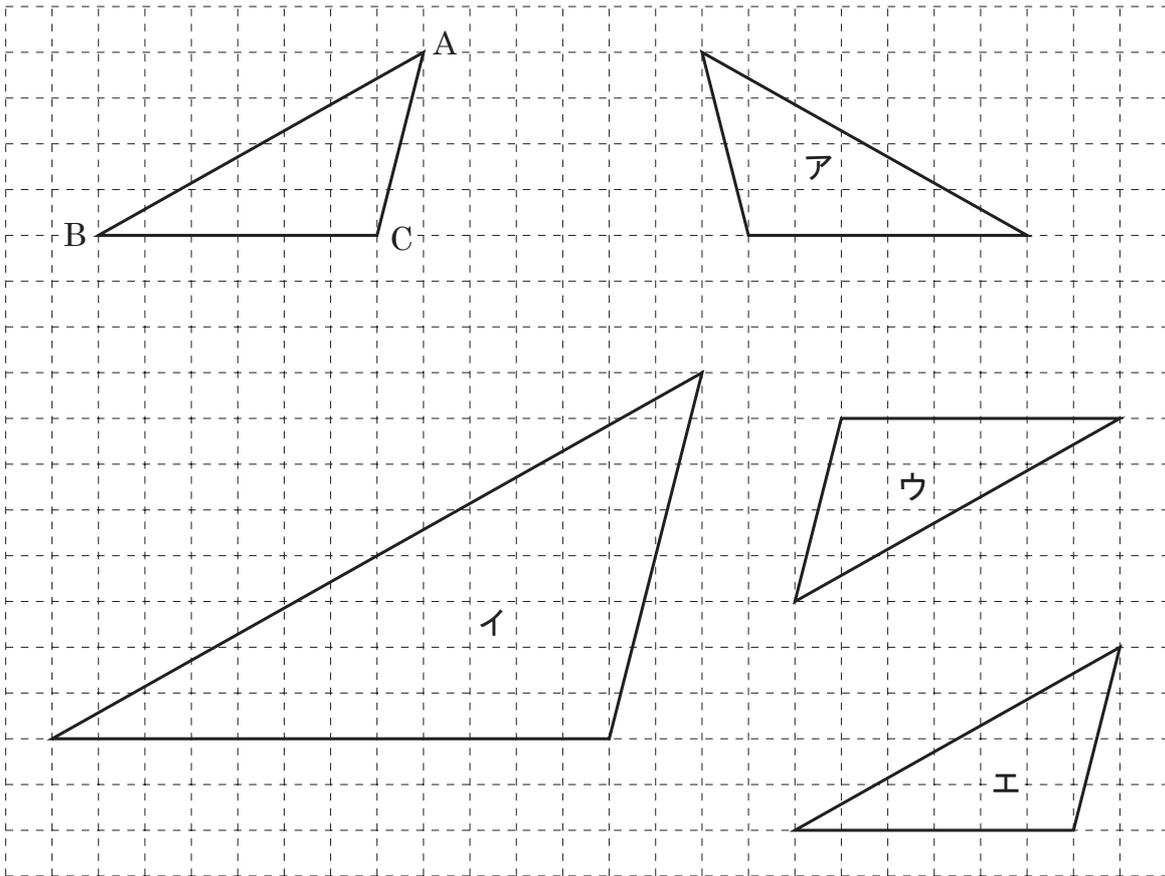
エ $0 \leq x \leq 80$

問題は、次のページに続きます。

5 次の問いに答えなさい。

- (1) 図1において、 $\triangle ABC$ をある点を中心として^{てんたいしゅう}点対称移動すると、ア～エのいずれかの三角形とぴったり重なります。 $\triangle ABC$ と重なるその三角形を、ア～エから1つ選びなさい。

図1



(2) 図2の $\triangle ABC$ において、 $\angle BAC$ の二等分線を作図します。そらはさんは、図3のように、頂点Aを中心として円をかいたところ、その円と辺AB, BC, CAとの交点が4つできました。

図2

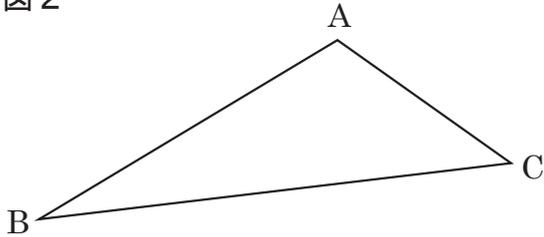


図3

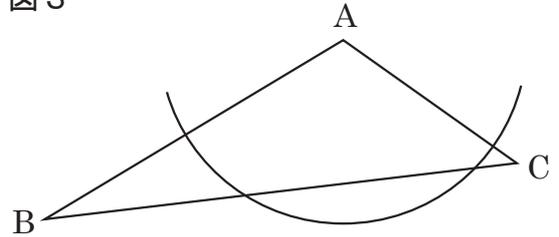


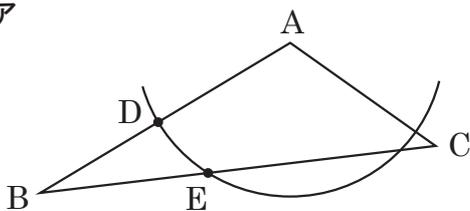
図3の4つの交点の中からいずれか2点を点D, Eとすることで、次の手順によって、 $\angle BAC$ の二等分線を作図することができます。

手順

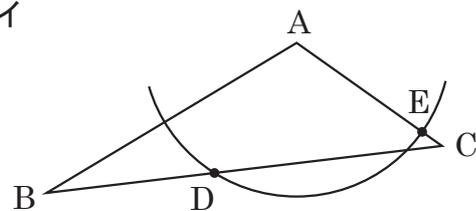
- ① 点D, Eを、それぞれ中心として、^{たが}互いに交わるように等しい半径の円をかき、その交点の1つを点Pとする。
- ② 頂点Aと点Pを通る直線をひく。

次のア~エのうち、2点D, Eを示した図として正しいものを1つ選びなさい。

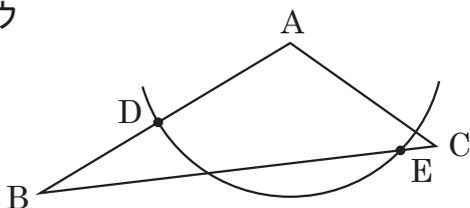
ア



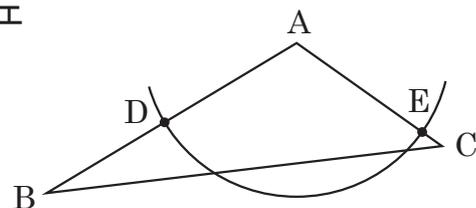
イ



ウ

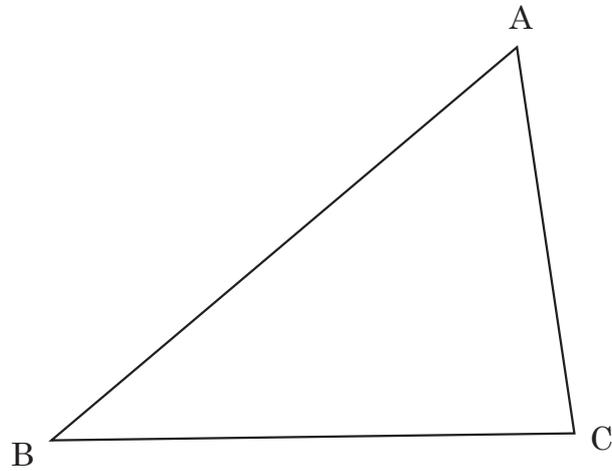


エ



- (3) 図4の $\triangle ABC$ において、辺ABの垂直二等分線を定規とコンパスを用いて作図しなさい。ただし、作図は解答用紙の解答欄の枠の中に行い、作図に用いた線は消さないで残しておくこと。

図4



問題は、次のページに続きます。

⑥ 図1のような1辺の長さが5 cmの正方形があります。

図2は、図1と合同な正方形9個を、辺どうしをすきまも重なりもなくぴったりあわせ、しきつめたものです。図2の図形X、図形Y、ア～キは、それぞれその位置にある正方形を表すものとしします。

図3は、図2に点P、直線*l*、直線*m*を書き加えたものです。点Pは正方形の頂点であり、直線*l*は正方形の対角線と重なる直線、直線*m*は正方形の辺と重なる直線です。

図1

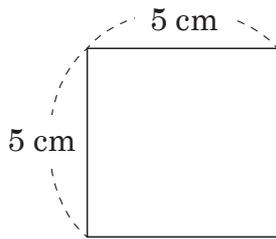


図2

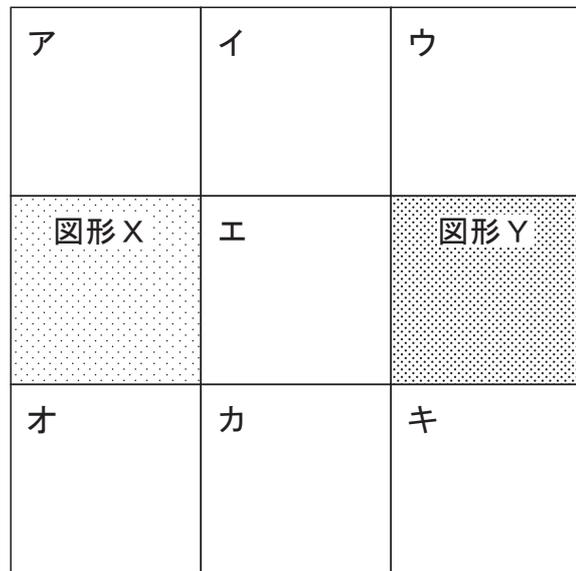
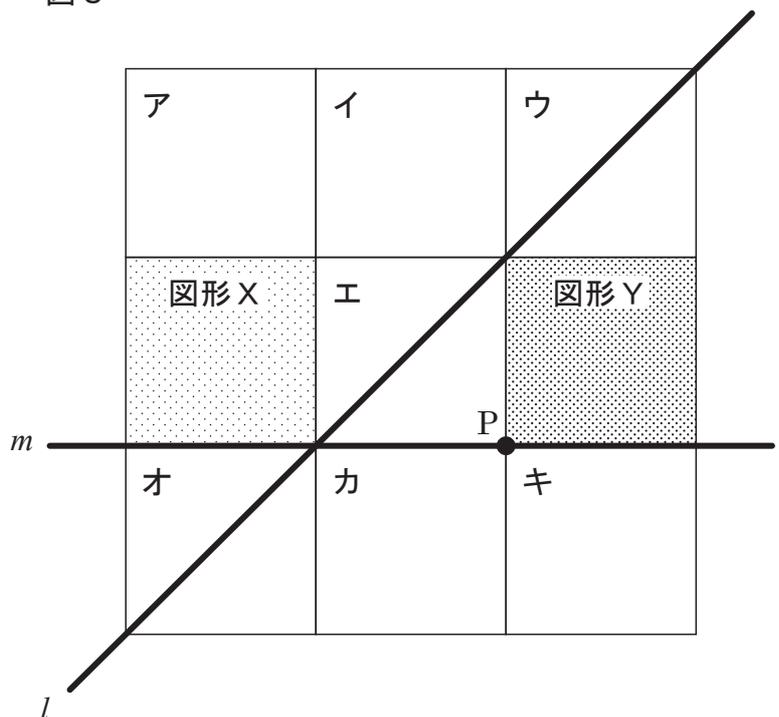


図3



(1)～(3)の問いに答えなさい。

(1) 図3の中で、図形Xを、1回平行移動して図形Yとぴったり重ねるには、何cm平行移動すればよいですか。その長さを求めなさい。

(2) 図3の中で、図形Xを、直線 l を対称の軸として対称移動すると、図形Xはア～キのいずれかの図形とぴったり重なります。図形Xと重なるその図形を、ア～キから1つ選びなさい。

(3) 図3の中で、図形Xに対し、次の対称移動Mを行い、そのあと次の回転移動Pを行うと、図形Xはア～キのいずれかの図形とぴったり重なります。図形Xと重なるその図形を、ア～キから1つ選びなさい。

対称移動M：直線 m を対称の軸とした対称移動

回転移動P：点Pを中心として時計回りに 90° だけ回転する移動

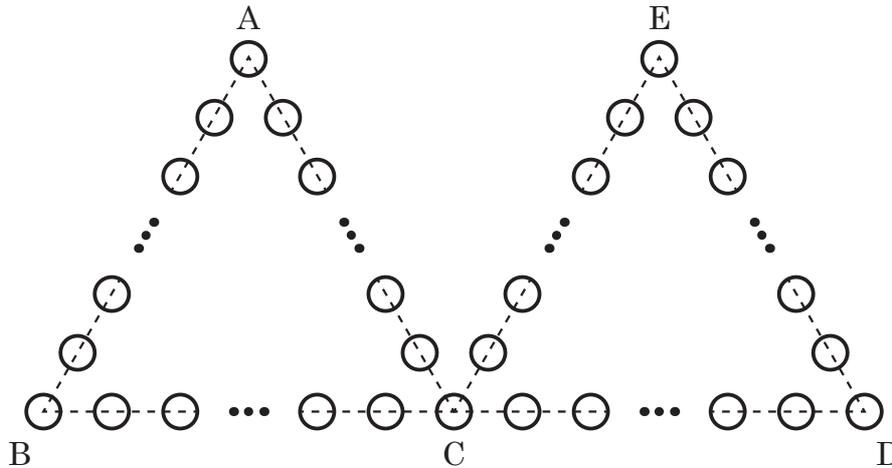
7 なつさんとあきさんの学校では、生徒が隊形を作りダンスをします。2人は、隊形を構成する生徒の人数を考えることにしました。

「隊形」は、正三角形を2つ組み合わせた形です。

図1は、「隊形」で生徒が立つ位置を○で示したものであり、生徒が立つ位置は、あとのルールに従って決まります。



図1

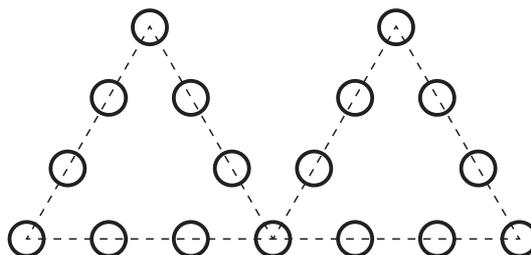


ルール

- ・生徒が立つのは、正三角形の辺（正三角形の頂点も含む）の上である。
- ・頂点A~Eには、それぞれ、必ず1人の生徒が立つ。
- ・辺AB, BC, CD, DE, EC, CAのどの辺にも、同じ人数の生徒が立つ。

例えば、1つの辺の上に立つ生徒の人数が4人のとき、生徒は図2の○で示す位置に立ち、「隊形」を構成する生徒の人数は、17人です。

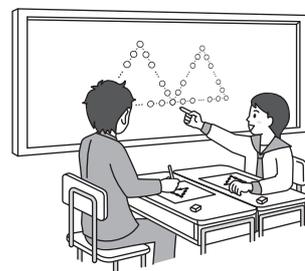
図2



(1), (2)の問いに答えなさい。

(1) 1つの辺の上に立つ生徒の人数が5人のとき、「隊形」を構成する生徒の人数を求めなさい。

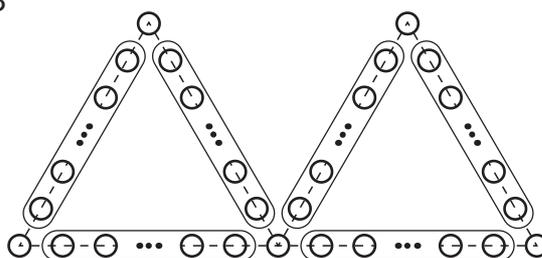
(2) n を3以上の自然数として、1つの辺の上に立つ生徒の人数が n 人のときの「隊形」を構成する生徒の人数を、 n を使った式で表しなさい。また、その式をどのように導いたか具体的に説明しなさい。なお、次のなつさんの考えかあきさんの考えを参考にしてもかまいません。



なつさんの考え

図3のように、正三角形の頂点に立つ生徒を別にして考えると、6個の囲みができる。そして、1個の囲みの中の人数はすべて等しくなるよ。

図3

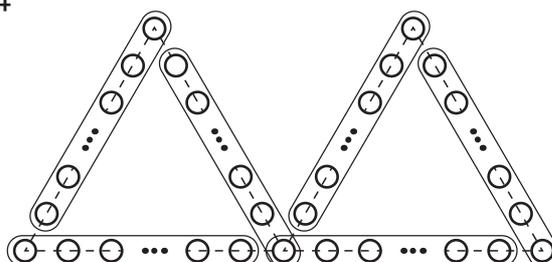


あきさんの考え

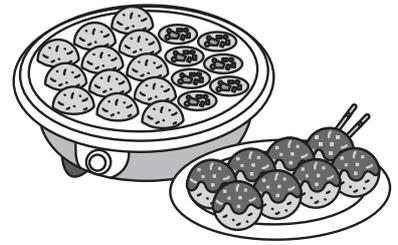
図4のように、正三角形の頂点に立つ生徒も含めて考えたよ。

1か所だけ重なる部分があるけれど、この場合も、6個の囲みができ、1個の囲みの中の人数はすべて等しくなるよ。

図4



8 ひろさんは、たこ焼きを作ろうと思い、作り方を調べたところ、**作り方Ⅰ**と**作り方Ⅱ**の2通りの作り方を見つけました。そこで、使う小麦粉の重さに着目してたこ焼きの個数との関係を調べました。



作り方Ⅰでは、50個のたこ焼きを作るために300gの小麦粉を使い、**作り方Ⅱ**では、40個のたこ焼きを作るために200gの小麦粉を使います。

作り方Ⅰでも**作り方Ⅱ**でも、1個のたこ焼きを作るために使う小麦粉の重さはそれぞれ一定であり、 x 個のたこ焼きを作るために使う小麦粉の重さを y gとすると、 y は x に比例するものとします。

(1)～(4)の問いに答えなさい。

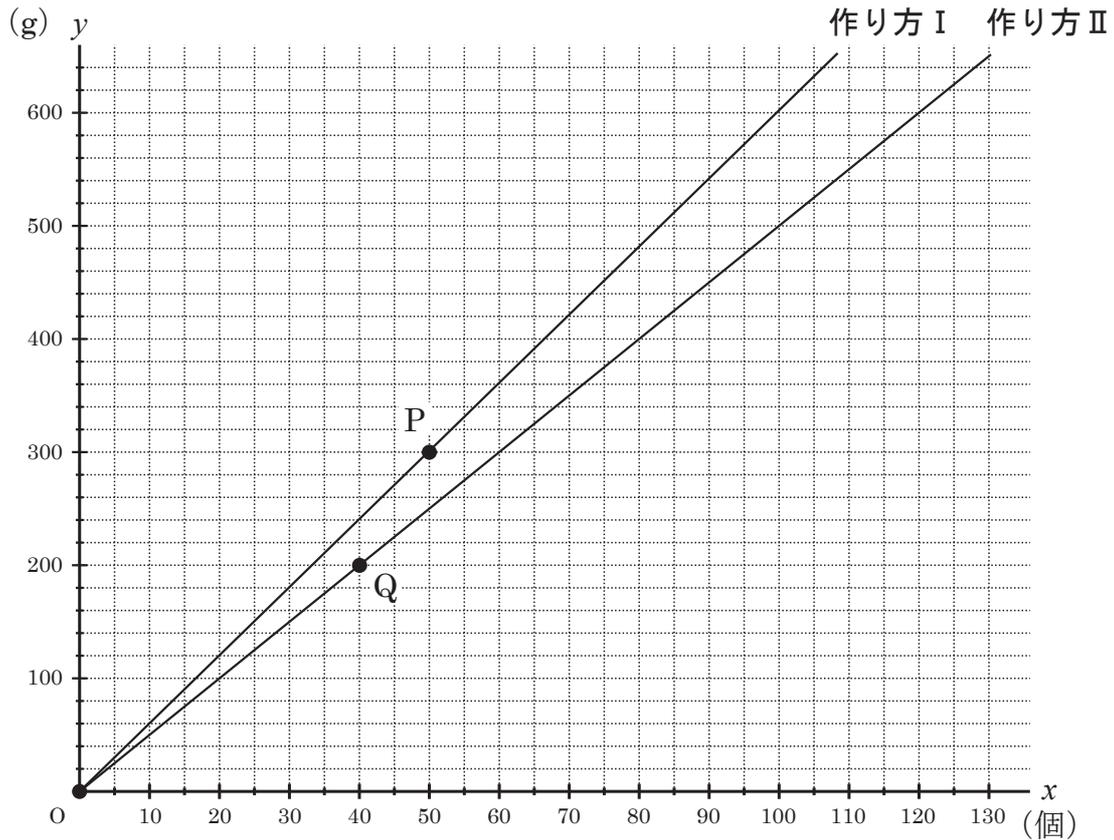
(1) **作り方Ⅰ**で75個のたこ焼きを作るために使う小麦粉の重さを求めなさい。

(2) **作り方Ⅱ**について、 x と y との関係は $y = 5x$ の式で表すことができます。このとき、比例定数5は、**作り方Ⅱ**についての何を表していますか。正しいものを、次のア～エから1つ選びなさい。

- ア 1gの小麦粉を使ってできるたこ焼きの個数
- イ 200gの小麦粉を使ってできるたこ焼きの個数
- ウ 1個のたこ焼きを作るために使う小麦粉の重さ
- エ 40個のたこ焼きを作るために使う小麦粉の重さ

(3) ひろさんは、**作り方Ⅰ**、**作り方Ⅱ**のそれぞれについて、 x と y との関係をグラフに表すことにしました。 y は x に比例するので、**作り方Ⅰ**のグラフは点 $O(0, 0)$ と点 $P(50, 300)$ を、**作り方Ⅱ**のグラフは点 $O(0, 0)$ と点 $Q(40, 200)$ を、それぞれ直線で結んで表しました。

ひろさんが表したグラフ



作り方 I で 80 個のたこ焼きを作るために使う小麦粉の重さと、作り方 II で 80 個のたこ焼きを作るために使う小麦粉の重さとの差は、ひろさんが表したグラフから求めることができます。その方法を説明しなさい。ただし、実際に差を求める必要はありません。

(4) ひろさんは、次のような計画をしています。

ひろさんの計画

作り方 I で g の小麦粉を使ったたこ焼きを作り、作り方 II でも同じく g の小麦粉を使ったたこ焼きを作って、たこ焼きの個数をあわせてちょうど 220 個にする。

次のア～エのうち、ひろさんの計画中の に入る適切な数を 1 つ選びなさい。

- ア 300
- イ 480
- ウ 600
- エ 1100