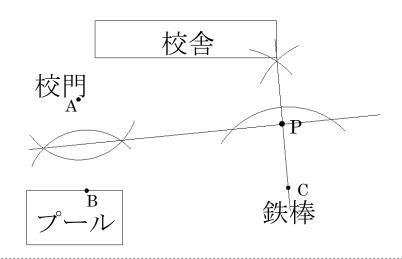
数学 力だめし2~事象を数学的に解釈し説明や証明をする~

)年()組名前(

1 解答



【領域】図形

【単元】平面図形 1年

【趣旨】身近な事象に、既習の様々な作図の方法を活用できるかどうかをみる。

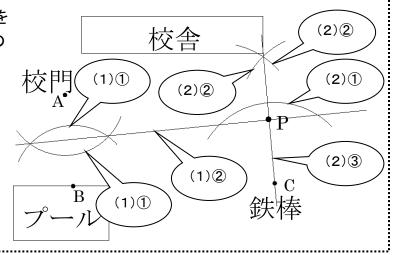
【観点】表現・処理、数学的な見方・考え方

【解説】

- (1) 点Pは、校門(点A)とプール(点B)から等しい距離にある。
- ⇒①点 A と点 B を中心にそれぞれ同じ幅のコンパスで円弧をかき、2 点で交わらせる。
 - ②①で交わった2点を結んで直線をかく。

点Pはその直線上のどこかにあるので、長くかいて点Cに近づけておく。

- (2) 点Pは、(1)の中で、鉄棒(点C)に最も近い点である。
- ⇒①点 C を中心にコンパスで円弧をかき、(1)でかいた直線と2点で交わらせる。
 - ②①で交わった2つの点を 中心にそれぞれ同じ幅の コンパスで円弧をかき、 交わらせる。
 - ③②で交わった点と、点 C を結んで直線をかく。
- (2)でかいた直線は、(1)で かいた直線の垂線になり、 その交点は、点 C に最も近い 点になる。⇒これが点 P



2 解答例

(1)【証明】対角線ACをひく。

△ABCと△CDAにおいて

仮定から BC=DA

また ACは共通

ところで、仮定から AD//BC より

錯角が等しいから ∠ACB=∠CAD

2辺とその間の角がそれぞれ等しいので

ΔABC≡ΔCDA

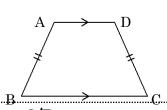
よって ∠BAC=∠DCA

したがって、錯覚が等しいから AB//DC

また、仮定から AD//BC なので

2組の対辺がそれぞれ平行だから、四角形ABCDは平行四辺形である。

(2)【具体例】(平行四辺形にならない解答例)



【領域】図形

【単元】図形の性質と証明

2年

【趣旨】問題場面に応じて、平行四辺形になる条件を活用して証明できるかどうかをみる。また、条件に当てはまらない時に適切な表現ができるかどうかをみる。

【観点】知識・理解、数学的な見方・考え方

【解説】

[Point][平行四辺形になる条件]

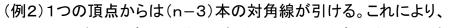
四角形は、次の条件のうちどれか1つが成り立てば、平行四辺形である。

- ①2組の向かい合う辺(対辺)がそれぞれ平行である。……(定義)
- ②2組の向かい合う辺(対辺)がそれぞれ等しい。
- ③2組の向かい合う角(対角)がそれぞれ等しい。
- ④対角線が、それぞれの中点で交わる。
- ⑤1組の向かい合う辺(対辺)が平行で、その長さが等しい。
- この5つの条件について、問題場面に応じて"活用できる"ことが重要である。

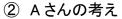
3 解答例

① Cさんの考え

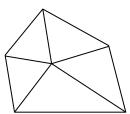
(例1) 一つの頂点から対角線をひくと、(n-2)個の三角形に分けられる。よってその内角の和は $180^{\circ} \times (n-2)$



{(n-3)+1}個の三角形に分けられるので、その内角の和は180°×(n-2)



内部の点から頂点へ引いた線分で(三角形に)分けると、 n 個の三角形に分けられる。これらの内角の和は、n×180° 中心の360°の分が余分なので、それを引いて、180°×n-360°

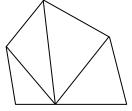


③ Bさんの考え

辺上の点から頂点へ引いた線分で(三角形に)分けると、(n-1)個の三角形に分けられる。これらの内角の和は、 $180^{\circ} \times (n-1)$



それを引くと、180°×(n-1)-180°



【領域】図形

【単元】図形の調べ方 2年

【趣旨】図を参考にして、既習の内容を活用し、多角形の内角の和を求める式を見い出す。 その際に出てくる多様な考え方が、説明できるかどうかをみる。

【観点】数学的な見方・考え方

【解説】どれも、いくつかの三角形をつくり、三角形の内角の和 180° を活用して求める。

※ただし、ここではあくまでも五角形は例示に過ぎない。問題には「多角形のn角形」とあるので、nを用いた式で表す必要がある。五角形のことだけをあげるのは不十分な解答。

4 解答

正しい。

(証明) 平行の性質より、錯角が等しいので \angle C'EF= \angle CFE…① また、折っているので、 \angle C'FE= \angle CFE…②である。

①, ②より、∠C'EF=∠C'FE

 $_{L}$ よって、 $_{L}$ $_$

ΔC' FE は、二等辺三角形である。

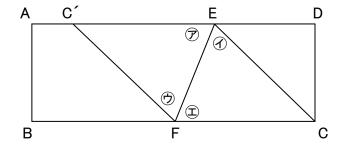
【領域】図形

【単元】図形の性質と証明 2年

【趣旨】事象の中から見いだせる図形(二等辺三角形)を、図形(二等辺三角形)の性質 を活用して証明できるかどうかをみる。

【観点】知識・理解、数学的な見方・考え方

【解説】②の図に辺 EC を復活させる(補助線を引く)と分かりやすくなる。



 $\Delta C'EF \& \Delta CEF$ は、折って重なるので、合同。

対応する角は等しいので、 $\angle C'EF = \angle CEF$ 、 $\angle C'FE = \angle CFE$ 。($\bigcirc P = \bigcirc P$ 、 $\bigcirc P = \bigcirc P$) ① 四角形 ABCD は長方形なので、AD // BC。

平行線の錯角は等しいので、 $\angle C'EF = \angle CFE$ 。($\bigcirc P = \bigcirc D$)②

12より、∠C´EF=∠C´FE。(ア=ウ)

よって、 $\triangle C$ (EF において、2 つの角が等しいので、 $\triangle C$ (EF は二等辺三角形である。これを図中の記号で表すと、

ア=イ、ウ=エ (重なる⇒三角形の合同)

⑦=① (平行線の錯角)

だから $\mathcal{P}=\mathcal{P}$ (2 つの角が等しくなる) よって、 $\Delta C'EF$ は二等辺三角形

※△C´EF が二等辺三角形であるためには、2 つの辺の長さか、2 つの角の大きさが等しければよい。この問題の場合、2 つの角の大きさが等しいことを、三角形の合同と、平行線の錯角を利用して証明する。