

★解答用紙があります。解答はすべて解答用紙に書きましょう。

1 (1) から (13) の各問いに答えなさい。

(1) $(7x+5y) - (5x+2y)$ を計算しなさい。

(2) $(2x+7y) - 2(x-3y)$ を計算しなさい。

(3) $2(5x+9y) - 5(2x+3y)$ を計算しなさい。

(4) $(4a-6) - 2(a-3)$ を計算しなさい。

(5) $3x \times (-4xy)$ を計算しなさい。

(6) $10xy \div 5x$ を計算しなさい。

(7) $a=5, b=-4$ のとき、式 $3a+5b$ の値を求めなさい。

(8) $a=4, b=-3$ のとき、式 ab の値を求めなさい。

(9) $a=2, b=3$ のとき、式 ab^2 の値を求めなさい。

(10) 等式 $2x+3y=9$ を、 y について解きなさい。

(11) 等式 $3x+y=7$ を、 y について解きなさい。

(12) 等式 $x+2y=6$ を、 y について解きなさい。

(13) 等式 $2x+y=5$ を、 y について解きなさい。

2 (1) から (3) の各問いに答えなさい。

(1) 2けたの自然数の十の位の数 x 、一の位の数 y とするとき、その2けたの自然数を表す式を、下の **ア** から **エ** までの中から1つ選びなさい。

ア xy **イ** $x+y$ **ウ** $10xy$ **エ** $10x+y$

(2) n を自然数とするとき、いつでも奇数になる式を、下の **ア** から **オ** の中から1つ選びなさい。

ア $n+1$ **イ** $2n$ **ウ** $2n+1$
エ $3n$ **オ** $3n+1$

(3) 連続する3つの自然数の和は、文字 n を使って次のように表すことができます。

$$n+(n+1)+(n+2)$$

このとき、文字 n が表すものを、下の **ア** から **エ** までの中から1つ選びなさい。

- ア** 連続する3つの自然数のうち、最も大きい自然数
イ 連続する3つの自然数のうち、中央の自然数
ウ 連続する3つの自然数のうち、最も小さい自然数
エ 連続する3つの自然数の平均

3 等式 $2x+3y=9$ は、次のように y について解くことができます。

$$\begin{aligned} 2x+3y &= 9 \\ 3y &= 9-2x \quad \dots\dots\text{①} \\ y &= \frac{9-2x}{3} \quad \dots\dots\text{②} \end{aligned}$$

上の①の式から②の式へ変形してよい理由として正しいものを、下の **ア** から **エ** までの中から1つ選びなさい。

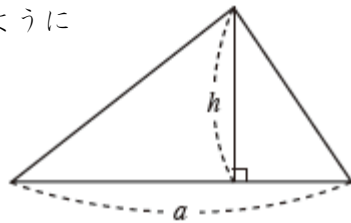
- ア** ①の式の両辺に3をたしても等式は成り立つから、変形してよい。
イ ①の式の両辺から3をひいても等式は成り立つから、変形してよい。
ウ ①の式の両辺に3をかけても等式は成り立つから、変形してよい。
エ ①の式の両辺を3でわっても等式は成り立つから、変形してよい。

★解答用紙があります。解答はすべて解答用紙に書きましょう。

4 (1) から (5) の各問いに答えなさい。

(1) 右の図で、底辺の長さ a 、高さ h の三角形の面積 S は、次のように表されます。

$$S = \frac{1}{2}ah$$



底辺の長さを求めるために、この式を、 a について解きなさい。

(2) 下の **ア** から **エ** の中に、 $3a + 4b$ という式で表されるものがあります。それを1つ選びなさい。

ア 1辺 a cm の正三角形と1辺 b cm の正方形を、それぞれ針金で1個ずつ作ったときの針金の全体の長さ (cm)

イ 3人が a 円ずつ出し合ったお金で、 b 円のりんごを4個買ったときの残った金額 (円)

ウ $3g$ の袋に ag の品物を入れ、 $4g$ の袋に bg の品物を入れたときの全体の重さ (g)

エ 3分間に aL の割合で水が出る蛇口と、4分間に bL の割合で水が出る蛇口から、水を同時に1分間出したときの水の量 (L)

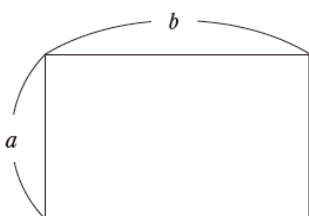
(3) 青色のテープと黄色のテープがあります。青色のテープの長さは a m、黄色のテープの長さは b m です。青色のテープの長さが黄色のテープの長さの何倍であるかを、 a 、 b を用いた式で表しなさい。

(4) あるパレードには男子 m 人と女子 n 人がいて、それぞれ2個の風船を持っていました。そのパレードで男子と女子が持っていた風船の合計数を表している式が、下の **ア** から **エ** までの中にあります。正しいものを1つ選びなさい。

ア $2(m+n)$ **イ** $2+(m+n)$

ウ $2m+n$ **エ** $m+2n$

(5) 次の図のような、縦の長さが a 、横の長さが b の長方形があります。このとき、 $2(a+b)$ は、何を表していますか。下の **ア** から **オ** までの中から正しいものを1つ選びなさい。



- ア** 長方形の面積
- イ** 長方形の面積の2倍
- ウ** 長方形の周の長さ
- エ** 長方形の周の長さの2倍
- オ** 長方形の対角線の長さ

5 ^{たろう}太郎さんは、連続する3つの自然数の和がどんな数になるかを調べています。

1, 2, 3 のとき、 $1+2+3=6$
 2, 3, 4 のとき $2+3+4=9$
 3, 4, 5 のとき $3+4+5=12$

これらの結果から、**連続する3つの自然数の和は3の倍数になる**ことを予想し、この予想が正しいことを下のよう説明しました。

太郎さんの説明

連続する3つの自然数のうち、最も小さい数を n とすると、連続する3つの自然数は、 n 、 $n+1$ 、 $n+2$ と表される。連続する3つの自然数の和は、

$$\begin{aligned} n+(n+1)+(n+2) &= n+n+1+n+2 \\ &= 3n+3 \\ &= 3(n+1) \end{aligned}$$

$n+1$ は自然数だから、 $3(n+1)$ は3の倍数である。

次の (1)、(2) の各問いに答えなさい。

(1) 太郎さんの説明の最後の式 $3(n+1)$ から、**連続する3つの自然数の和は3の倍数になる** ことのほかに分かることがあります。下の **ア** から **オ** の中から1つ選びなさい。

- ア** 連続する3つの自然数の和は奇数である。
- イ** 連続する3つの自然数の和は偶数である。
- ウ** 連続する3つの自然数の和は最も小さい数の3倍である。
- エ** 連続する3つの自然数の和は中央の数の3倍である。
- オ** 連続する3つの自然数の和は最も大きい数の3倍である。

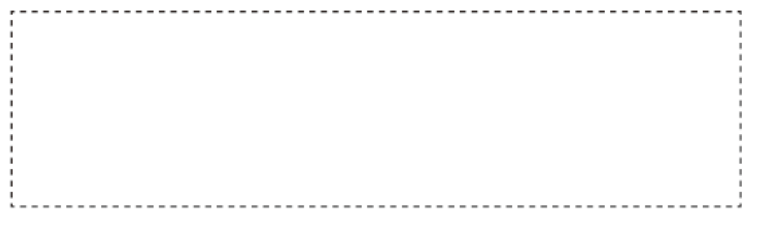
(2) 太郎さんの説明から、**連続する5つの自然数の和は5の倍数になる** ことが予想されます。太郎さんの説明を参考にして、このことが正しいことの説明を完成しなさい。

説明

連続する5つの自然数のうち、最も小さい数を n とすると、連続する5つの自然数は、 n 、 $n+1$ 、 $n+2$ 、 $n+3$ 、 $n+4$ と表される。

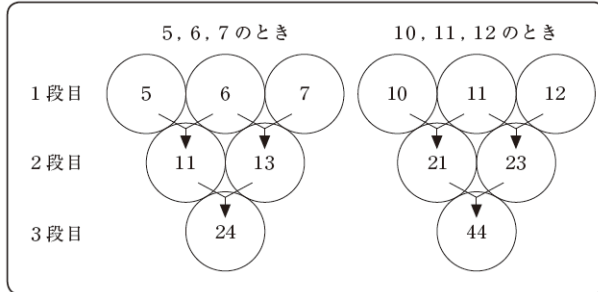
連続する5つの自然数の和は、

$$\begin{aligned} n+(n+1)+(n+2)+(n+3)+(n+4) \\ = n+n+1+n+2+n+3+n+4 \end{aligned}$$



★解答用紙があります。解答はすべて解答用紙に書きましょう。

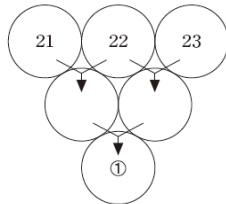
- 6 健治さんは、次の図のように、3段に並んでいる○の1段目に連続する3つの自然数を順に入れました。そして、隣り合う2つの数の和を2段目の○に入れ、同じようにして3段目の数を求めました。



健治さんは、 $24 = 4 \times 6$ 、 $44 = 4 \times 11$ であることから、1段目にどんな連続する3つの自然数を順に入れても、**3段目の数はいつも4の倍数になる**ことを予想しました。

次のIからIIIまでの各問いに答えなさい。

- (1) 連続する3つの自然数を21, 22, 23とするとき、右の図の①に当てはまる数を求めなさい。



- (2) 「1段目にどんな連続する3つの自然数を順に入れても、**3段目の数はいつも4の倍数になる。**」という健治さんの予想が正しいことの説明を完成しなさい。

説明

連続する3つの自然数のうち、最も小さい数を n とすると、3つの自然数は、 $n, n+1, n+2$ と表される。
このとき2段目の数は、それぞれ
 $n + (n+1) = 2n+1$
 $(n+1) + (n+2) = 2n+3$
であるから、3段目の数は、

$(2n+1) + (2n+3) =$

- (3) 上の説明で、2段目の2つの数は、 $2n+1, 2n+3$ と表されています。このことから、2段目の2つの数について、いつもいえることがあります。下のアからオまでの中から正しいものを1つ選びなさい。

- ア 2段目の2つの数は、連続する偶数である。
- イ 2段目の2つの数は、連続する奇数である。
- ウ 2段目の2つの数は、奇数と偶数である。
- エ 2段目の2つの数は、一の位の数が1と3である。
- オ 2段目の2つの数は、十の位の数が等しい。

- 7 一郎さんは、2つの偶数の性質について調べています。次の(1)から(3)までの各問いに答えなさい。

- (1) 2つの偶数の和は、偶数になります。この理由は、次のように説明できます。説明1の□には、同じ式が当てはまります。□に当てはまる式を書き、説明1を完成しなさい。

説明1

m, n を整数とすると、2つの偶数は、 $2m, 2n$ と表される。このとき、その和は、
 $2m + 2n = \square$
 $m + n$ は整数だから、□は偶数である。したがって、2つの偶数の和は、偶数である。

差の場合も、同じように説明できるね。



- (2) 一郎さんは、和を積に変えて、2つの偶数の積がどんな数になるかを考えています。

$$\begin{array}{l} 2, 4 \text{ のとき} \quad 2 \times 4 = 8 = 8 \times 1 \\ 4, 6 \text{ のとき} \quad 4 \times 6 = 24 = 8 \times 3 \\ 10, 16 \text{ のとき} \quad 10 \times 16 = 160 = 8 \times 20 \end{array}$$

一郎さんは、これらの結果から、2つの偶数の積は、いつでも8の倍数になると予想しました。しかし、よく調べてみると、この予想は成り立たないことがわかります。このことは、次のように説明できます。

説明2

2つの偶数が、例えば、□①□, □②□ のとき、
□①□ × □②□ を計算すると、積は □③□ となり、8の倍数ではない。
したがって、2つの偶数の積は、8の倍数になるとは限らない。

上の説明2の□①□ から □③□ までに当てはまる整数をそれぞれ書きなさい。

- (3) 一郎さんは、和を商に変えたとき、2つの偶数の商は、いつでも偶数になると予想しました。この予想は成り立ちますか。下のア, イの中から正しいものを1つ選び、それが正しいことの原因を説明しなさい。

- ア 2つの偶数の商は、偶数になる。
- イ 2つの偶数の商は、偶数になるとは限らない。